

Дано

$$E = 100 \quad R1 = 20 \quad R2 = 75 \quad C = 10 \cdot 10^{-6} \quad R3 = 100 \quad R4 = 200$$

Решение

Определим начальные условия

Ключ разомкнут

При постоянном токе конденсатор - разрыв

$$I_0 = \frac{E}{R1 + R3 + R4} = 0.313 \quad u_{C0} = I_0 \cdot (R3 + R4) = 93.75$$

Закон коммутации

до и после коммутации напряжение на конденсаторе остается величиной постоянной

Ключ замкнут

Определим принужденную составляющую

$$I_{00} = \frac{E}{R1 + R3} = 0.833 \quad u_{Cпр} = I_{00} \cdot R3 = 83.333$$

Запишем характеристическое уравнение входного сопротивления

$$Z(p) = \frac{1}{p \cdot C} + R2 + \frac{R1 \cdot R3}{R1 + R3} = 0$$

$$p = \frac{-1}{C \cdot \left(R2 + \frac{R1 \cdot R3}{R1 + R3} \right)} = -1.091 \times 10^3$$

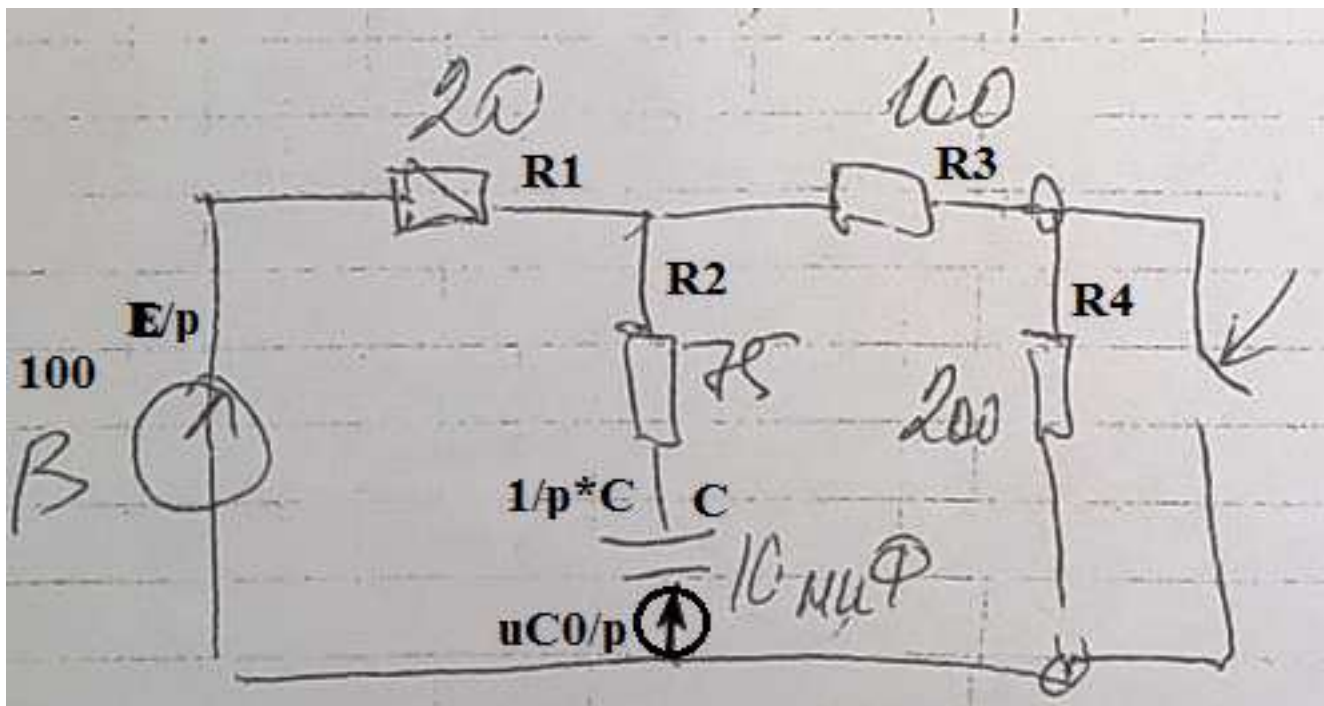
Запишем закон изменения напряжения на конденсаторе

$$u_C(t) = u_{Cпр} + (u_{C0} - u_{Cпр}) \cdot e^{p \cdot t} = 10.4 \cdot e^{-1090.0 \cdot t} + 83.3$$

Определим ток

$$i_C(t) = C \cdot \left(\frac{d}{dt} u_C(t) \right) = -0.113 \cdot e^{-1090.0 \cdot t}$$

Определим ток операторным методом



Операторная схема замещения

$$U_x(p) = \frac{\frac{E}{p}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2 + \frac{1}{p \cdot C}} + \frac{1}{R_3}} + \frac{\frac{u_{C0}}{p}}{R_2 + \frac{1}{p \cdot C}} = \frac{1.9}{p + 1091.0} + \frac{83.3}{p}$$

Определим ток через конденсатор

$$I_C(p) = \frac{\frac{u_{C0}}{p} - U_x(p)}{R_2 + \frac{1}{p \cdot C}} = \frac{-0.113}{p + 1090} \quad U_C(p) = I_C(p) \cdot \frac{1}{p \cdot C} + \frac{u_{C0}}{p} = \frac{83.3}{p} + \frac{10.4}{p + 1090}$$

$$u_C(t) = 10.4 \cdot e^{-1090.0 \cdot t} + 83.3 \quad i_C(t) = -0.113 \cdot e^{-1090.0 \cdot t}$$