

8, 9, 10, 11, 12

## УКАЗАНИЯ О ПОРЯДКЕ ВЫПОЛНЕНИЯ КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

Каждый студент-заочник выполняет то количество контрольных работ, которое предусмотрено учебным графиком. Номера задач, входящих в состав контрольных работ, указаны в табл. 1.

Таблица 1

№ конт- роль- ной рабо- ты	Число контрольных работ согласно графику			
	одна	две	три	четыре
1	4, 5, 8, 11	3, 4, 5 8, 9, 11	1, 3, 4 5, 6	1, 2, 3, 4 5, 6, 7
2	—	—	8, 9, 11	8, 9, 10
3	—	—	—	11, 12
4	—	—	—	—

1. Студент обязан взять из таблицы данные в соответствии со своим личным номером (шифром) и первыми шестью буквами русского алфавита, которые следует расположить под шифром, например:

шифр — 2 8 7 0 5 2  
буквы — а б в г д е

Если личный номер состоит из семи цифр, вторая цифра шифра не учитывается.

Из каждого вертикального столбца таблицы, обозначенного внизу определенной буквой, надо взять только одно число, стоящее в той горизонтальной строке, номер которой совпадает с номером буквы. Например, вертикальные столбцы табл. 4 обозначены буквами «е», «г» и «д». В этом случае при указанном выше личном номере 287052 студент должен взять из столбца «е» вторую строку (второй тип сечения), из столбца «г» — нулевую строку (швеллер 36) и из столбца «д» — пятую строку (равнобокий уголок 90×90×6).

Работы, выполненные с нарушением этих указаний, не зачитываются.

2. Не следует приступать к выполнению контрольных заданий, не изучив соответствующего раздела курса и не решив самостоятельно рекомендованных задач. Если основные положения теории усвоены слабо и студент обратил мало внимания на подробно разобранные в курсе примеры, то при выполнении контрольных работ возникнут большие затруднения. Несамостоятельно выполненное задание не дает возможности преподавателю-рецензенту вовремя заметить недостатки в работе сту-

дента-заочника. В результате студент не приобретает необходимых знаний и оказывается неподготовленным к экзамену.

3. Не рекомендуется также присыпать в институт сразу несколько выполненных заданий. Это не дает возможности рецензенту своевременно указать студенту на допущенные ошибки и задерживает рецензирование.

4. В заголовке контрольной работы должны быть четко написаны: номер контрольной работы, название дисциплины, фамилия, имя и отчество студента (полностью), название факультета и специальности, учебный шифр, дата отсылки работы, точный почтовый адрес. Необходимо также указывать год издания методических указаний, по которым выполнялась контрольная работа.

5. Каждую контрольную работу следует выполнять в особой тетради или на листах, сшитых в тетрадь стандартного формата, чернилами (не красными), четким почерком, с полями 5 см для замечаний рецензента.

6. Перед решением задачи надо написать полностью ее условие с числовыми данными, составить аккуратный эскиз в масштабе и указать в нем в числах все величины, необходимые для расчета.

7. Решение должно сопровождаться краткими, последовательными и грамотными, без сокращений слов, объяснениями и чертежами, на которых все входящие в расчет величины должны быть показаны в числах. Надо избегать многословных пояснений и пересказа учебника. Студент должен знать, что язык техники — формула и чертеж. При пользовании формулами или данными, отсутствующими в учебнике, необходимо кратко и точно указать источник (автора, название, страницу, номер формулы).

8. Необходимо указывать размерность всех величин и подчеркивать окончательные результаты.

9. Не следует вычислять большое число значащих цифр; вычисления должны соответствовать необходимой точности. Нет необходимости длину деревянного бруса в стропилах вычислять с точностью до миллиметра, но было бы ошибкой округлять до целых миллиметров диаметр вала, на который будет наложен шариковый подшипник.

10. По получении из института контрольной работы студент должен исправить в ней все отмеченные ошибки и выполнить все сделанные ему указания. В случае требования рецензента следует в кратчайший срок послать ему выполненные на отдельных листах исправления, которые должны быть вложены в соответствующие места рецензированной работы.

Отдельно от работы исправления не рассматриваются.

## КОНТРОЛЬНЫЕ РАБОТЫ

**Задача 1.** Абсолютно жесткий брус опирается на шарниро неподвижную опору и прикреплен к двум стержням с помощью шарниров

Для ответа на третий вопрос целесообразнее всего использовать метод начальных параметров, так как два начальных параметра ( $y_0$  и  $\theta_0$ ) известны, а два других ( $M_0$  и  $Q_0$ ) будут найдены в процессе выполнения первых двух пунктов контрольной работы.

При построении эпюры прогибов надо учесть, что упругая линия балки обращена выпуклостью вниз там, где изгибающий момент положительный, и выпуклостью вверх там, где он отрицательный. Нулевым точкам эпюры  $M$  соответствуют точки перегиба упругой линии.

**Задача 7.** Определить прогиб свободного конца балки переменного сечения (рис. 7). Данные взять из табл. 6.

**Указания.** Проще всего задачу можно решить графоаналитическим методом, построив эпюру  $M/EI$  и приняв ее за фиктивную нагрузку. Левый конец фиктивной балки должен быть свободен, а правый — защемлен.

**Задача 8.** Чугунный короткий стержень, поперечное сечение которого изображено на рис. 8, сжимается продольной силой  $P$ , приложенной в точке  $A$ . Требуется: I) вычислить наибольшее растягивающее и наиболь-

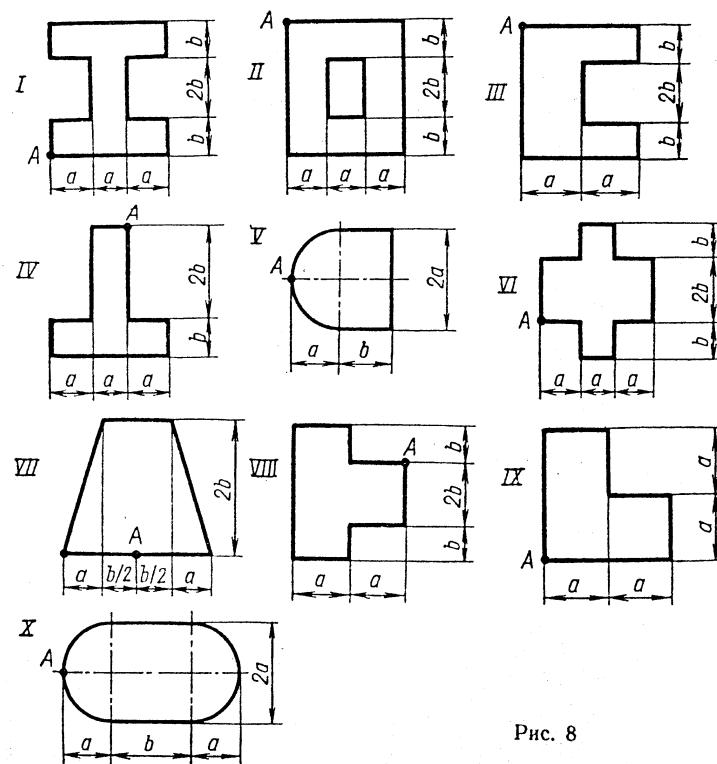


Рис. 8

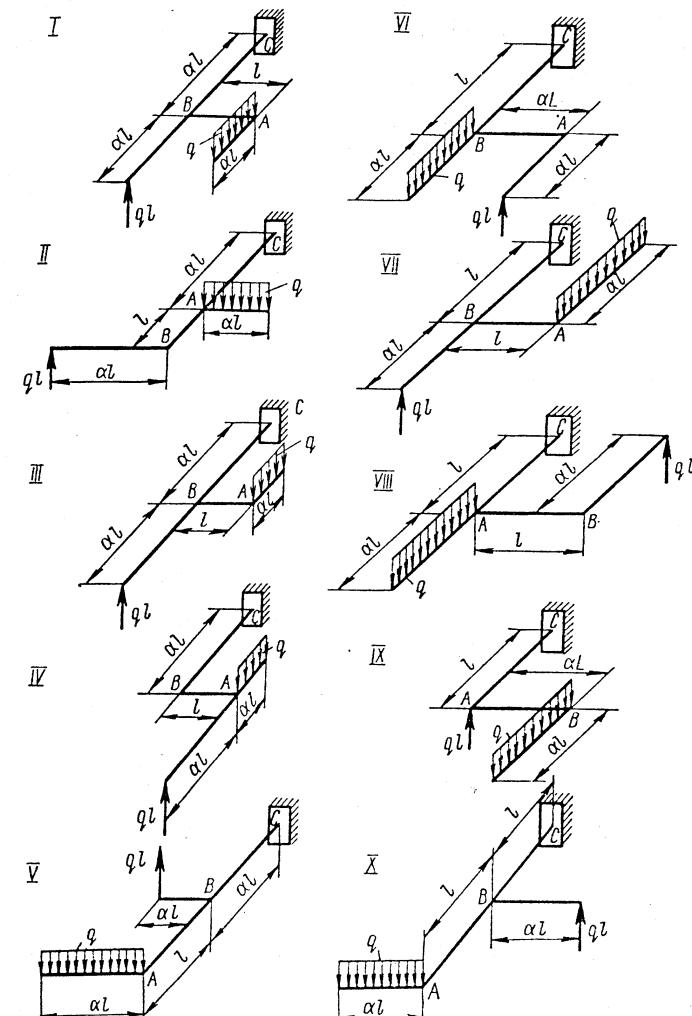


Рис. 9

Таблица 7

№ строки	Схема по рис. 8	a	b	[ $\sigma_c$ ]	[ $\sigma_p$ ]	№ строки	Схема по рис. 8	a	b	[ $\sigma_c$ ]	[ $\sigma_p$ ]
1	I	6	6	110	21	6	VI	6	6	60	26
2	II	2	2	120	22	7	VII	2	2	70	27
3	III	3	3	130	23	8	VIII	3	3	80	28
4	IV	4	4	140	24	9	IX	4	4	90	29
5	V	5	5	150	25	0	X	5	5	100	30
	e	g	d	g	d		e	g	d	g	d

шее сжимающее напряжение в поперечном сечении, выразив эти напряжения через  $P$  и размеры сечения; 2) найти допускаемую нагрузку  $P$  при заданных размерах сечения и допускаемых напряжениях для чугуна на сжатие [ $\sigma_c$ ] и на растяжение [ $\sigma_p$ ]. Данные взять из табл. 7.

**Задача 9.** На рис. 9 изображена в аксонометрии ось ломаного стержня круглого поперечного сечения, расположенная в горизонтальной плоскости, с прямыми углами в точках  $A$  и  $B$ . На стержень действует вертикальная нагрузка. Требуется: 1) построить отдельно (в аксонометрии) эпюры изгибающих и крутящих моментов; 2) установить опасное сечение и найти для него расчетный момент по четвертой теории прочности. Данные взять из табл. 8.

Таблица 8

№ строки	Схема по рис. 9	$\alpha$	№ строки	Схема по рис. 9	$\alpha$
1	I	1,1	6	VI	0,6
2	II	1,2	7	VII	0,7
3	III	1,3	8	VIII	0,8
4	IV	1,4	9	IX	0,9
5	V	1,5	0	X	1,0
	d	e		d	e

**Задача 10.** Построить эпюры  $M$ ,  $N$ ,  $Q$  и найти нормальные напряжения в опасном сечении кривого стержня (рис. 10). Данные взять из табл. 9.

**Указания.** Силу  $P$  следует разложить на два направления: вертикальное и горизонтальное. Далее надо найти опорные реакции; для произвольного сечения, определяемого полярными координатами  $r$  и  $\phi$ , написать выражения  $M$ ,  $N$ ,  $Q$  и, давая различные значения  $\phi$  (не реже чем через  $30^\circ$ ), построить эпюры по точкам.

При определении радиуса кривизны нейтрального слоя  $r_0$  необходимо

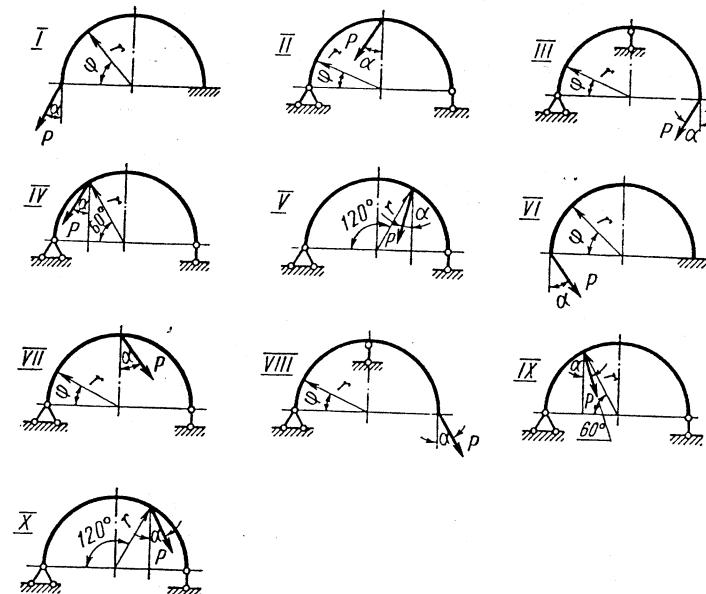


Рис. 10

мо вычисления производить точно, так как величина  $r_0$  близка к величине  $r$  и при определении  $c$  придется иметь дело с малой разностью величин  $r$  и  $r_0$ .

Для проверки вычислений рекомендуется воспользоваться приближенной формулой  $c \approx J/rF$ , где  $J$  — момент инерции поперечного сечения относительно центральной оси;  $F$  — площадь поперечного сечения.

**Задача 11.** Стальной стержень длиной  $l$  сжимается силой  $P$ . Требуется: 1) найти размеры поперечного сечения при допускаемом напряжении на простое сжатие  $[\sigma] = 160$  МПа (расчет производить последовательными приближениями, предварительно задавшись коэффициентом  $\varphi = 0,5$ ); 2) найти значение критической силы и коэффициент запаса устойчивости. Данные взять из табл. 10.

**Задача 12.** На двутавровую балку, свободно лежащую на двух жестких опорах (рис. 11), с высоты  $h$  падает груз  $Q$ . Требуется: 1) найти наибольшее нормальное напряжение в балке; 2) решить аналогичную задачу при условии, что правая опора заменена пружиной, податливость которой (т. е. осадка от груза 1 кН) равна  $\alpha$ ; 3) сравнить полученные результаты. Данные взять из табл. 11.

**Указание:** При наличии упомянутой в п. 2 пружины  $\Delta_{ct} = \Delta_0 + \beta\Delta_{pr}$ , где  $\Delta_0$  — прогиб балки, лежащей на жестких опорах, в том сечении, где приложена сила  $Q$  (при статическом действии этой силы);  $\Delta_{pr}$  — осадка пружины от реакции, возникающей от силы  $Q$ ;  $\beta$  — коэффициент, устанавливающий зависимость между осадкой пружины и

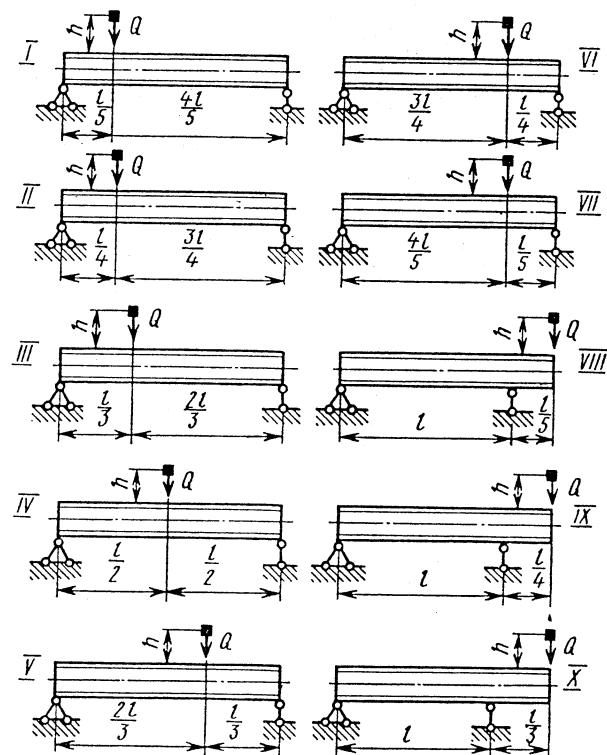


Рис. 11

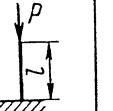
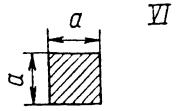
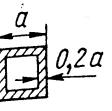
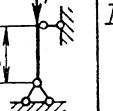
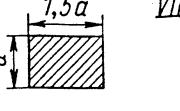
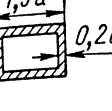
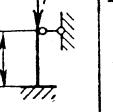
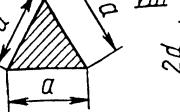
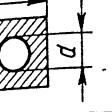
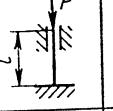
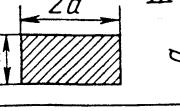
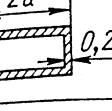
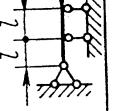
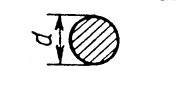
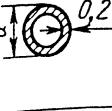
Таблица 11

№ строки	Схема по рис. 11.	№ двутавра	$l$ , м	$Q$ , Н	$h$ , см	$10^3 a$ , м/кН
1	I	20	2,1	1100	11	21
2	II	20a	2,2	1200	12	22
3	III	24	2,3	300	3	23
4	IV	24a	2,4	400	4	24
5	V	27	2,5	500	5	25
6	VI	27a	2,6	600	6	26
7	VII	20	2,7	700	7	27
8	VIII	30a	2,8	800	8	28
9	IX	33	2,9	900	9	29
0	X	36	3,0	1000	10	30
		e	d	e	g	d
						e

Таблица 9

№ строки	Схема по рис. 10	$a$ , град	$P$ , Н	$r$	$d$	Форма сечения
				см	см	
1	I	10	1100	21	4,1	
2	II	20	1200	22	4,2	
3	III	30	1300	23	4,3	
4	IV	40	1400	24	4,4	
5	V	50	1500	25	4,5	
6	VI	60	1600	16	4,6	
7	VII	70	1700	17	4,7	
8	VIII	80	1800	18	4,8	
9	IX	90	1900	19	4,9	
0	X	0	2000	20	5,0	
		e	d	e	g	d
						e

Таблица 10

№ строки	$P$ , кН	$l$ , м	Схема закрепления концов стержня	Форма сечения стержня
1 2	100 200	2,1 2,2		 
3 4	300 400	2,3 2,4		 
5 6	500 600	2,5 2,6		 
7 8	700 800	2,7 2,8		 
9 0	900 1000	2,9 3,0		 
		Г Д Д		е

перемещением точки приложения силы  $Q$ , вызванным поворотом всей балки вокруг центра шарнира левой опоры как жесткого целого (коэффициент  $\beta$  находят из подобия треугольников).

## Часть II

### ОСНОВЫ ТЕОРИИ УПРУГОСТИ И ПЛАСТИЧНОСТИ

#### ОБЩИЕ МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ

К изучению дисциплины «Основы теории упругости и пластичности» следует приступить лишь после усвоения полного курса сопротивления материалов.

Занятия по теории упругости и пластичности должны сопровождаться составлением конспекта, решением задач и ответами на вопросы для самопроверки, приведенными в методических указаниях по каждой теме программы. Необходимо также разобраться в выводах основных выражений и формул, обращая при этом внимание на физическую сущность рассматриваемых вопросов.

Каждый студент-заочник по курсу «Основы теории упругости и пластичности» выполняет одну контрольную работу, состоящую из двух задач по следующим темам: 1) плоская задача теории упругости или исследование напряженного состояния в точке тела; 2) изгиб пластиноок.

Варианты решаемых задач должны строго соответствовать учебному шифру студента (см. раздел «Контрольная работа»).

Выполненную контрольную работу студент обязан без промедления выслать в институт с тем, чтобы указания и замечания преподавателя как в самой работе, так и в рецензии были своевременно учтены. Если присланная студентом работа не зачтена и требует исправлений, то вместе с исправленной работой следует прислать и первый вариант ее решения.

Экзамен принимается после того, как зачтена контрольная работа. Зачтенная работа представляется вместе с рецензией на экзамене.

Приводим перечень рекомендуемой литературы по дисциплине «Основы теории упругости и пластичности». В основной литературе освещены почти все темы программы. Дополнительная литература позволяет студенту полнее изучить отдельные темы и будет способствовать расширению его инженерного кругозора.

Применительно к программе дисциплины «Сопротивление материалов с основами теории упругости и пластичности» (М., 1985) для каждой темы программы даны ссылки на литературу с указанием глав и параграфов. В методических указаниях по темам программы даны весьма краткие пояснения.